

$$\mathcal{P}(z) = y\mathrm{Li}_2(e^{2\pi iz}) + \frac{1}{2\pi}\mathrm{Li}_3(e^{2\pi iz})$$