

$$ds_5^2=e^{2\phi}ds_4^2+e^{-4\phi}(dz+cdt)^2$$